

# 14

## Capítulo

## objetivos

### Conversores CC-CC: Conversor Buck-Boost

#### Meta deste capítulo

Estudar o princípio de funcionamento do conversor Buck-Boost.

- Entender o funcionamento dos conversores cc-cc do tipo Buck-Boost;
- Analisar conversores cc-cc do tipo Buck-Boost;
- Simular conversores cc-cc do tipo Buck-Boost;
- Implementar conversores cc-cc do tipo Buck-Boost.

#### Pré-requisitos

Ter estudado o capítulo referente ao princípio de funcionamento do conversor Boost.

#### Continuidade

O curso continuará com o projeto de elementos magnéticos.

Prof. Clóvis Antônio Petry.

Florianópolis, setembro de 2014 (revisado em maio de 2020).

## 1 Introdução

No capítulo anterior foi estudado o princípio de funcionamento do conversor Boost, incluindo suas principais formas de onda, análise e operação em condução contínua e descontínua. Neste trabalho pretende-se continuar o estudo dos conversores básicos, agora abordando-se o conversor Buck-Boost, finalizando assim o estudo dos três conversores básicos principais.

O conversor Buck-Boost é um conversor abaixador e elevador de tensão, com princípio de funcionamento semelhante ao que foi visto nos capítulos anteriores para os conversores Buck e Boost, com a diferença que agora os componentes serão reposicionados visando obter uma operação diferente daquela dos conversores apenas abaixadores ou elevadores de tensão.

As aplicações para o conversor Buck-Boost são diversas e diferem dos usos dos reguladores lineares, visto que aqueles apenas diminuem a tensão, enquanto o conversor em estudo pode apresentar na saída uma tensão inferior, igual, superior à da entrada.

Na Figura 1 mostra-se um conversor Buck-Boost comercial, para aplicações de baixa potência. Pode-se notar a presença de capacitores eletrolíticos na entrada e na saída do conversor, o indutor e um circuito integrado (LM 2577) que implementa o MOSFET e o circuito de comando de controle. Além disso tem-se resistores que formam um divisor resistivo, que juntamente com um resistor ajustável (*trimpot*), permitem o ajuste da tensão de saída. Por fim, observa-se na parte superior da placa, o diodo semicondutor.

Assim, neste capítulo será apresentado o conversor cc-cc Buck-Boost, descrição das etapas de funcionamento, suas principais formas de onda, análise de seu funcionamento e detalhes de projeto. Serão apresentados resultados de simulação, exercícios resolvidos e propostos e roteiro de laboratório.



Figura 1 – Exemplo de conversor cc-cc Buck-Boost comercial.

Fonte: [www.miniinthebox.com](http://www.miniinthebox.com). Acesso em: 12/09/2014.

## 2 Princípio de Funcionamento do Conversor Buck-Boost

### 2.1 Conversor CC-CC Buck-Boost

O circuito do conversor cc-cc Buck-Boost é mostrado na Figura 2. Pode-se notar que o mesmo é formado por uma chave ( $S_1$ ), um diodo ( $D_1$ ), um indutor ( $L_1$ ) e por um capacitor de filtro na saída ( $C_o$ ). A entrada é uma fonte de tensão ( $v_i$ ) e sua saída é uma carga resistiva ( $R_o$ ). Neste circuito representa-se a chave por um transistor bipolar de junção, mas em seu lugar poder-se-ia usar um transistor MOSFET ou IGBT. A tensão de saída é representada por  $v_o$ . A tensão antes do filtro de saída é representada por  $v_{ab}$ . É importante destacar que a tensão de entrada tem polaridade invertida (negativa) em relação à entrada, o que é uma característica peculiar deste conversor.

Os conversores cc-cc possuem dois modos de funcionamento, condução contínua ou condução descontínua. O modo de condução é caracterizado pela corrente no indutor. Em regime permanente, se a corrente não atinge o valor zero, então o conversor está operando no modo de condução contínua (CCM – *continuous conduction mode*). Se a corrente atinge o valor zero a cada etapa de comutação, então se está operando no modo de condução descontínua (DCM - *descontinuous conduction mode*).

A seguir será estudado o funcionamento do conversor Buck-Boost nos dois modos de operação.

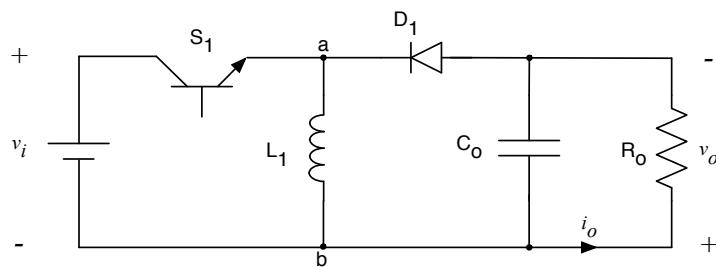


Figura 2 – Circuito do conversor cc-cc Buck-Boost.

### 2.2 Conversor CC-CC Buck-Boost – Modo de Condução Contínua

O conversor Buck-Boost operando no modo de condução contínua apresenta duas etapas de operação, mostradas nas Figura 3 e Figura 4. Estas etapas de operação são:

1<sup>a</sup> Etapa (0,  $DT_s$ ) – Chave  $S_1$  conduzindo (*on*). A tensão entre os pontos “a” e “b” será igual a tensão de entrada. A corrente no indutor  $L_1$  irá crescer linearmente. A carga será alimentada pelo capacitor  $C_o$ ;

2<sup>a</sup> Etapa ( $DT_s, T_s$ ) – Chave  $S_1$  aberta (*off*). No instante de abertura de  $S_1$  o diodo  $D_1$

entra em condução A tensão entre os pontos “a” e “b” será igual a tensão da saída. A corrente circula por  $L_1$ , pelo diodo  $D_1$  e pela carga. Nesta etapa ocorre a desmagnetização do indutor  $L_1$ .

Ao finalizar a segunda etapa retorna-se à primeira, indefinidamente. As formas de onda resultantes da operação do conversor Buck-Boost no modo de condução contínua são mostradas na Figura 5. Nesta figura tem-se o sinal de comando do interruptor ( $S_1$ ), denominado de  $v_b$ , seguido pela tensão entre os pontos “a” e “b”,  $v_{ab}$ . Posteriormente se tem a corrente no indutor ( $i_{L1}$ ), a tensão de saída ( $v_o$ ) e a corrente no capacitor ( $i_{Co}$ ).

As demais formas de onda do circuito são mostradas na Figura 6. Agora mostram-se os esforços nos semicondutores ( $S_1$  e  $D_1$ ).

É importante destacar nas Figura 5 e Figura 6 que a corrente no indutor é contínua com ondulação dada por  $\Delta i_{L1}$ . Do mesmo modo, a tensão sobre o capacitor de saída é contínua, mas apresenta ondulação (*ripple*) dado por  $\Delta v_{Co}$ . Além disso, vale destacar que tensão no capacitor terá uma defasagem em relação à sua corrente. Esta corresponde a parcela alternada da corrente no diodo, ou seja, pelo capacitor circula o conteúdo de alta frequência da corrente no diodo.

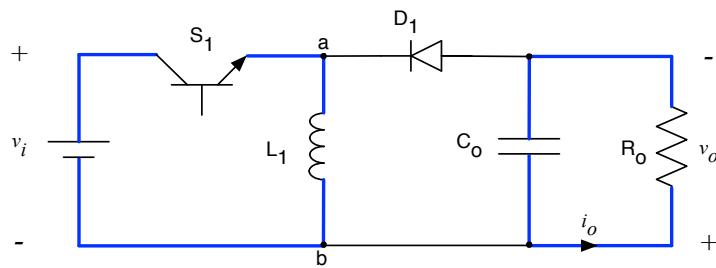


Figura 3 – Primeira etapa de operação do conversor Buck-Boost (CCM).

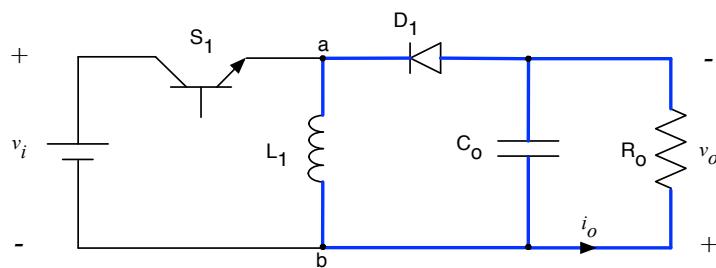


Figura 4 – Segunda etapa de operação do conversor Buck-Boost (CCM).

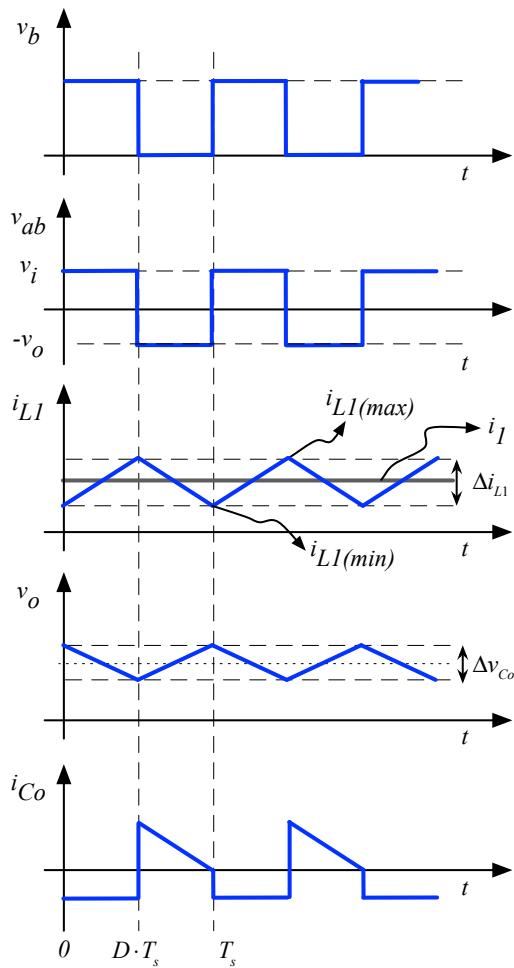


Figura 5 – Formas de onda do conversor cc-cc Buck-Boost em condução contínua.

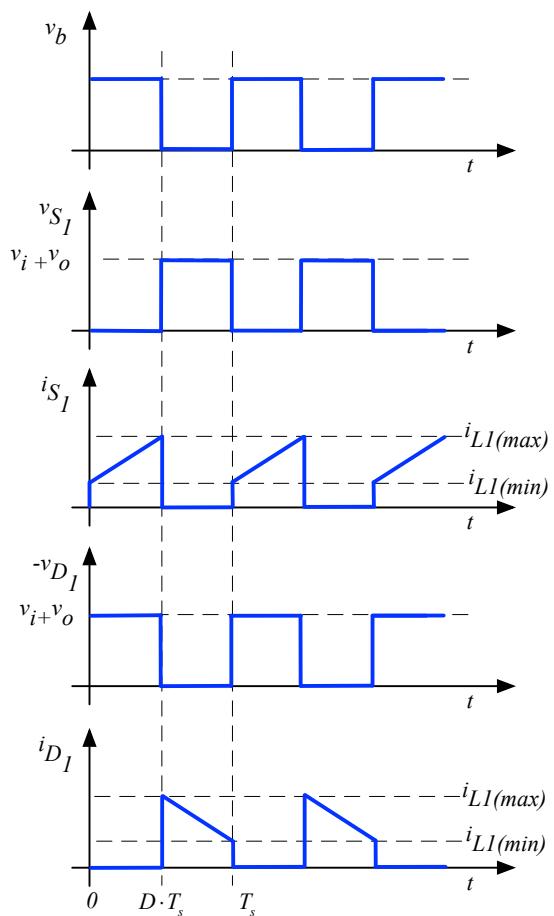


Figura 6 – Formas de onda do conversor cc-cc Buck-Boost em condução contínua

Buck-Boost em condução contínua

## 2.2.1 Análise do Conversor CC-CC Buck-Boost no Modo de Condução Contínua

A seguir será realizada a análise do conversor em estudo, visando determinar sua tensão de saída, a corrente nos elementos do circuito e os esforços nos semicondutores.

### 2.2.1.1 Tensão de Saída

A tensão de entrada ( $v_i$ ) está representada na Figura 2 pelo seu valor médio ( $V_{med}$ ). Seus valores de pico e eficaz (RMS) serão iguais ao valor médio, visto tratar-se de uma variável com comportamento constante no tempo. Para fins de simplicação, usar-se-á:

$$V_{i(med)} = V_{i(ef)} = V_{i(pk)} = V_i;$$

$$V_{o(med)} = V_o.$$

A frequência de comutação (chaveamento) da chave S<sub>1</sub> será denominada de  $F_s$ . Portanto, o período de comutação será:

$$T_s = \frac{1}{F_s}.$$

Os intervalos de condução ( $T_{on}$ ) e bloqueio ( $T_{off}$ ) da chave serão dados por:

$$T_{on} = D \cdot T_s;$$

$$T_{off} = T_s - T_{on} = T_s - D \cdot T_s = (1 - D) \cdot T_s.$$

A relação entre o tempo em que a chave está ligada e o período total é denominada de razão cíclica ou razão de trabalho, dada por:

$$D = \frac{T_{on}}{T_s}.$$

A tensão média entre os pontos “a” e “b” será determinada a seguir, com base na forma de onda mostrada na Figura 7.

$$V_{ab} = V_{ab(med)} = \frac{1}{T_s} \int_0^{D \cdot T_s} v_i \cdot dt + \frac{1}{T_s} \int_{D \cdot T_s}^{T_s} -v_o \cdot dt = \frac{V_i}{T_s} \cdot D \cdot T_s - \frac{V_o}{T_s} \cdot (T_s - D \cdot T_s)$$

$$V_{ab} = V_i \cdot D - V_o \cdot (1 - D).$$

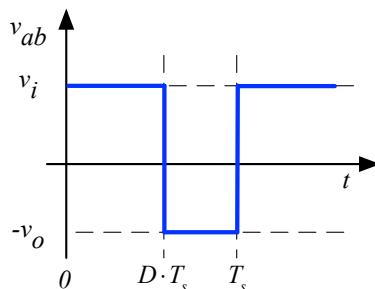


Figura 7 – Forma de onda da tensão entre os pontos “a” e “b”.

Vale notar que a tensão entre os pontos “a” e “b” é igual a tensão sobre o indutor. Esta tensão em regime permanente deve ser zero, pois o indutor é magnetizado e desmagnetizado a cada período de comutação. Do contrário, o mesmo iria armazenar energia a cada período de comutação e sua corrente cresceria até infinito. A forma de onda da tensão sobre o indutor é mostrada na Figura 8.

Assim, tem-se:

$$V_{L1} = V_{ab} = V_i \cdot D - V_o \cdot (1 - D) = 0 ;$$

$$V_i \cdot D = V_o \cdot (1 - D);$$

Portanto, a tensão média na saída é obtida por:

$$V_o = V_{ab} = V_{Li} = V_i \cdot \frac{D}{1-D}.$$

Considerando que a ondulação na tensão de saída seja muito pequena, como normalmente ocorre nos conversores cc-cc, então pode-se afirmar que:

$$V_{o(med)} = V_{o(ef)} = V_{o(pk)}.$$

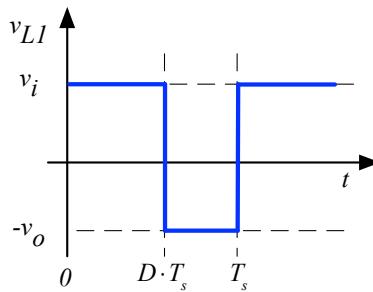


Figura 8 – Forma de onda da tensão sobre o indutor.

### 2.2.1.2 Ganho Estático do Conversor Buck-Boost em Condução Contínua

O ganho estático de um conversor é a relação entre sua tensão de saída e entrada, em valores médios. Assim, para o conversor cc-cc Buck-Boost em condução contínua se tem:

$$V_o = V_i \cdot \frac{D}{1-D}.$$

$$D = \frac{V_o}{V_i + V_o}.$$

O comportamento da relação entre a tensão de saída e de entrada para variações na razão cíclica entre zero e cem (100) por cento é mostrado na Figura 9. Nota-se pela Figura 9 que o comportamento do ganho estático do conversor não é linear em relação às variações da razão cíclica, em termos de valores médios.

É importante destacar, observando-se a Figura 9 e a expressão que determina a tensão de saída do conversor, que este tem característica de abaixador e elevador de tensão, isto é, a tensão de saída ( $V_o$ ) poderá ser menor, igual ou maior do que a tensão de entrada ( $V_i$ ), dependendo do valor de razão cíclica ( $D$ ). Para valores de razão cíclica baixo de 50% se tem o conversor operando como Buck, ou seja, como abaixador de tensão. Em 50% se tem ganho estático unitário, ou seja, a tensão de saída é igual a tensão de entrada. Já para valores de razão cíclica entre 50 e 100% se tem o conversor operando como Boost, isto é, elevador de tensão. Além disso, quando a razão cíclica se aproxima da unidade (100%), a saída tenderá a valores muito altos.

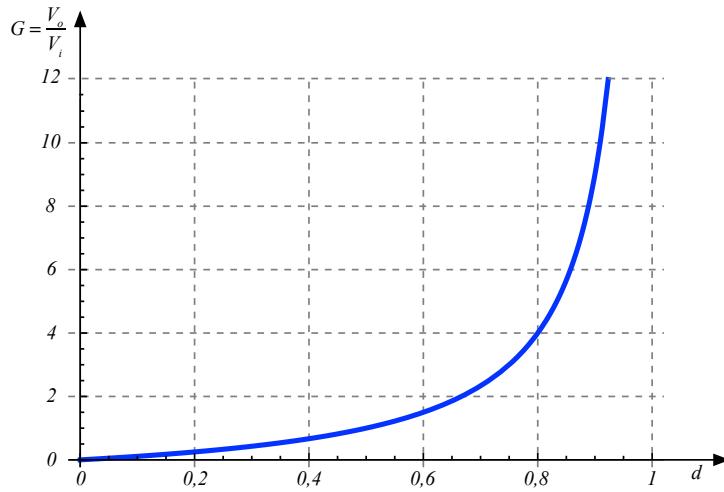


Figura 9 – Ganho estático do conversor cc-cc Buck-Boost.

### 2.2.1.3 Correntes no Circuito

A corrente na carga será determinada por:

$$I_o = I_{o(\text{med})} = I_{o(\text{ef})} = I_{o(\text{pk})} = \frac{V_o}{R_o}.$$

O valor médio da corrente na chave será idêntico a corrente de entrada, visto que a mesma está em série com a fonte de alimentação. Deste modo:

$$I_{S1} = I_{S1(\text{med})} = I_i.$$

Por sua vez, a corrente de entrada em função da corrente de saída pode ser determinada por:

$$P_i = P_o;$$

$$V_i \cdot I_i = V_o \cdot I_o;$$

$$I_i = \frac{V_o}{V_i} \cdot I_o;$$

$$V_i = \frac{(1-D)}{D} \cdot V_o;$$

$$I_i = \frac{\frac{V_o}{(1-D)}}{D} \cdot I_o;$$

$$I_i = I_o \cdot \frac{D}{(1-D)}.$$

A corrente média no diodo ( $D_1$ ) será igual a corrente na carga.

$$I_{D1} = I_{D1(med)} = I_o .$$

Assim, a corrente no indutor pode ser obtida como a diferença entre as correntes na chave e no diodo, como segue.

$$i_{L1}(t) = i_{S1}(t) + i_{D1}(t) ;$$

$$I_{L1} = I_{S1} + I_{D1} ;$$

$$I_{L1} = I_i + I_o = I_o \cdot \frac{D}{(1-D)} + I_o = I_o \cdot \frac{1}{1-D} .$$

Já a corrente de pico no indutor dependerá da ondulação de corrente, que pode ser determinada no intervalo de condução da chave. A corrente em um indutor é determinada pela expressão a seguir:

$$v_{L1}(t) = L_1 \cdot \frac{d_{iL1}(t)}{dt} .$$

Considerando que a corrente terá comportamento linear, pode-se aproximar a expressão anterior por:

$$V_{L1} = L_1 \cdot \frac{\Delta I_{L1}}{\Delta t} .$$

Assim:

$$V_{L1} = L_1 \cdot \frac{\Delta I_{L1}}{\Delta t} \rightarrow \Delta I_{L1} = \frac{V_{L1}}{L_1} \cdot \Delta t ;$$

$$\Delta I_{L1} = \frac{V_{L1}}{L_1} \cdot \Delta t = \frac{V_i}{L_1} \cdot T_{on} = \frac{V_i}{L_1} \cdot D \cdot T_s ;$$

$$\Delta I_{L1} = \frac{V_i}{L_1 \cdot F_s} \cdot D .$$

A expressão anterior pode ser reescrita como:

$$\Delta I_{L1} = \frac{V_o}{L_1 \cdot F_s} \cdot (1-D) .$$

Assim, o indutor pode ser determinado por:

$$L_1 = \frac{V_o}{\Delta I_{L1} \cdot F_s} \cdot (1 - D) .$$

O comportamento da ondulação de corrente em função da razão cíclica pode ser observada na Figura 10. Este gráfico foi elaborado considerando-se a ondulação de corrente parametrizada em função de  $V_o$ ,  $L_1$  e  $F_s$ . Assim, pela Figura 10 pode-se determinar a máxima ondulação de corrente no indutor, que ocorre para  $D = 0$ , como sendo:

$$\Delta I_{L1(\max)} = \frac{V_o}{L_1 \cdot F_s} .$$

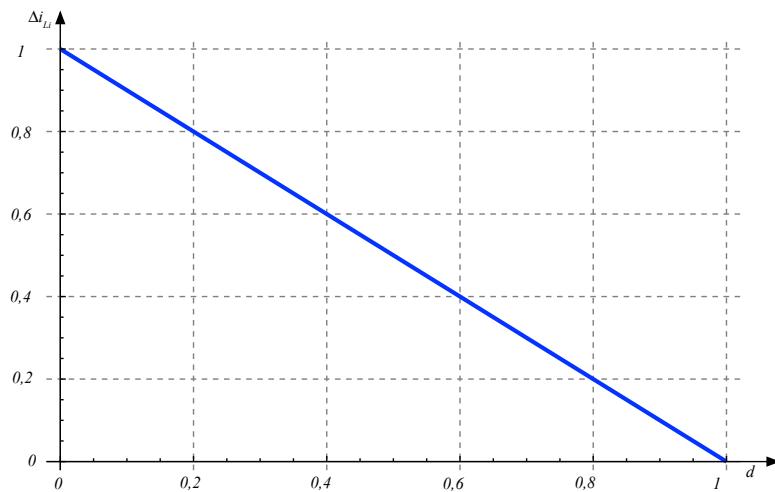


Figura 10 – Comportamento da ondulação de corrente em função da razão cíclica.

Assim, a corrente máxima no indutor será a soma de sua corrente média com a metade da ondulação de corrente, pois esta insere uma variação para mais e para menos na corrente deste elemento.

$$I_{L1(\max)} = I_{L1} + \frac{\Delta I_{L1}}{2} .$$

A corrente eficaz no indutor será a soma quadrática da corrente eficaz de entrada e da saída, além da corrente eficaz devida a ondulação de corrente neste elemento:

$$I_{L1(ef)} = \sqrt{I_{\Delta L1(ef)}^2 + I_i^2 + I_o^2} ;$$

$$I_{L1(ef)} = \sqrt{\left(\frac{\Delta I_{L1}}{2 \cdot \sqrt{3}}\right)^2 + (I_{L1})^2} .$$

Já a corrente eficaz no capacitor de saída deve ser determinada considerando que toda ondulação de corrente do diodo ( $\Delta I_{D1}$ ) irá circular pelo filtro, visto que a corrente na saída é contínua:

$$I_{Co(ef)} = \sqrt{\left(\frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{(1-D) \cdot (12 \cdot I_{L1}^2 + \Delta I_{L1}^2)}{3}}\right)^2 - I_o^2}.$$

Por sua vez, a corrente máxima (de pico) no capacitor será:

$$I_{Co(max)} = I_{L1(max)} - I_o.$$

Vale destacar que todas as expressões determinadas anteriormente são deduzidas a partir das formas de onda apresentadas na Figura 5.

#### 2.2.1.4 Rendimento do Conversor

O circuito é ideal, resultando sem perdas. Pode-se demonstrar que:

$$P_o = V_o \cdot I_o.$$

$$P_i = V_i \cdot I_i.$$

$$\eta = \frac{P_o}{P_i} = \frac{V_o \cdot I_o}{V_i \cdot I_i} = 1;$$

$$V_o \cdot I_o = V_i \cdot I_i;$$

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{I_i}{I_o}.$$

#### 2.2.1.5 Esforços de Corrente e Tensão nos Semicondutores

A tensão máxima sobre a chave S<sub>1</sub> é igual ao pico da tensão de entrada somado com o pico da tensão de saída:

$$V_{S_1} = V_{i(pk)} + V_{o(pk)} = V_i + V_o.$$

Já as correntes na chave serão:

$$I_{S_1(pk)} = I_{L1(max)}.$$

$$I_{S_1(med)} = D \cdot I_{L1}.$$

$$I_{S_{l(ef)}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{D}{3} \cdot (12 \cdot I_{L1}^2 + \Delta I_{L1}^2)}.$$

A tensão máxima sobre o diodo D<sub>1</sub> é igual ao pico da tensão de entrada somado com o pico da tensão de saída:

$$V_{D_1} = V_{i(pk)} + V_{o(pk)} = V_i + V_o.$$

Por sua vez, as correntes no diodo serão:

$$I_{D_1(pk)} = I_{L1(\max)}.$$

$$I_{D_1(med)} = (1 - D) \cdot I_{L1}.$$

$$I_{D_1(ef)} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{(1 - D) \cdot (12 \cdot I_{L1}^2 + \Delta I_{L1}^2)}{3}}.$$

### 2.2.1.6 Ondulação na Tensão de Saída

A ondulação (*ripple*) na tensão de saída é determinada a partir da corrente que circula pelo capacitor de filtro, conforme pode ser observado nas Figura 5 e na Figura 11. Toma-se a componente fundamental da corrente no diodo ( $i_{F0}$ ), multiplicando-se a mesma pela reatância capacitiva do capacitor. Desta operação resulta que:

$$\Delta V_{Co} = \frac{D \cdot I_o}{C_o \cdot F_s}.$$

Assim, o capacitor pode ser determinado por:

$$C_o = \frac{D \cdot I_o}{\Delta V_{Co} \cdot F_s}.$$

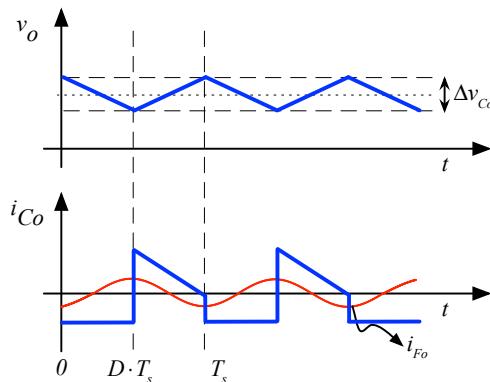


Figura 11 – Formas de onda da tensão e corrente no capacitor de filtro.

## 2.3 Conversor CC-CC Buck-Boost – Modo de Condução Descontínua

O conversor Buck-Boost operando no modo de condução descontínua apresenta três etapas de operação, mostradas nas Figura 12, Figura 13 e Figura 14. Estas etapas de operação são:

1<sup>a</sup> Etapa ( $0, DT_s$ ) – Chave  $S_1$  conduzindo (*on*). A tensão entre os pontos “a” e “b” será igual a tensão de entrada ( $v_i$ ). A corrente no indutor  $L_1$  irá crescer linearmente. Nesta etapa a fonte ( $v_i$ ) fornece energia para a magnetização do indutor  $L_1$ . A saída é alimentada pelo capacitor;

2<sup>a</sup> Etapa ( $DT_s, T_{i=0}$ ) – Chave  $S_1$  aberta (*off*). No instante de abertura de  $S_1$  o diodo  $D_1$  entra em condução. A tensão entre os pontos “a” e “b” será igual a tensão da saída. A corrente circula por  $L_1$ , pelo diodo  $D_1$  e pela carga. Nesta etapa ocorre a desmagnetização do indutor  $L_1$ ;

3<sup>a</sup> Etapa ( $T_{i=0}, T_s$ ) – A corrente no indutor se anula e assim a chave e o diodo estão bloqueados. A carga é alimentada pelo capacitor. Esta etapa dura até o novo acionamento da chave em  $T_s$ .

Ao finalizar a terceira etapa retorna-se à primeira, indefinidamente. As formas de onda resultantes da operação do conversor Buck-Boost no modo de condução descontínua são mostradas na Figura 15. Nesta figura tem-se o sinal de comando do interruptor ( $S_1$ ), denominado de  $v_b$ , seguido pela tensão entre os pontos “a” e “b”,  $v_{ab}$ . Posteriormente se tem a corrente no indutor ( $i_{L1}$ ), a tensão de saída ( $v_o$ ) e a corrente no capacitor ( $i_{Co}$ ).

As demais formas de onda do circuito são mostradas na Figura 16. Agora mostram-se os esforços nos semicondutores ( $S_1$  e  $D_1$ ).

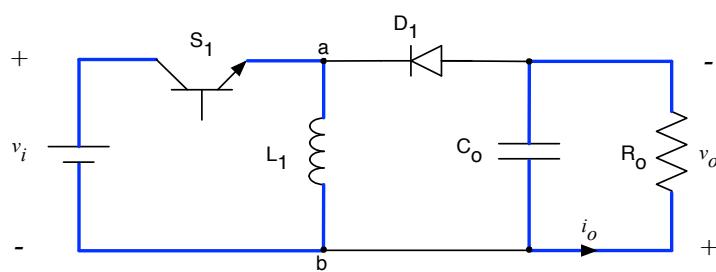


Figura 12 – Primeira etapa de operação do conversor Buck-Boost (DCM).

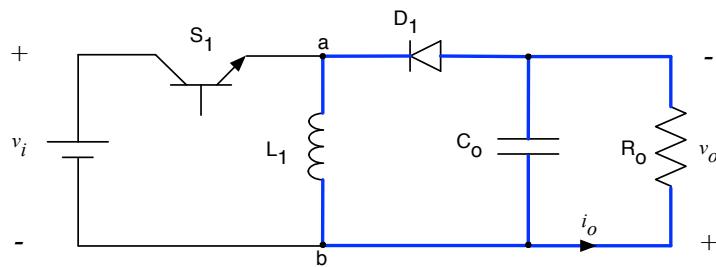


Figura 13 – Segunda etapa de operação do conversor Buck-Boost (DCM).

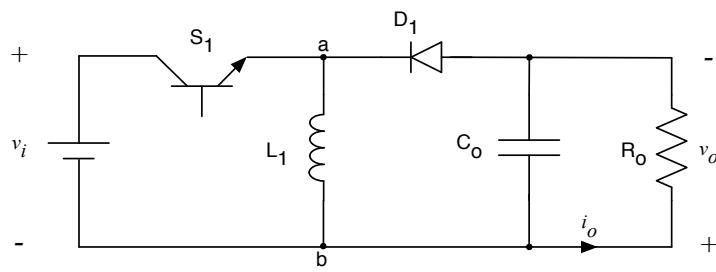


Figura 14 – Terceira etapa de operação do conversor Buck-Boost (DCM).

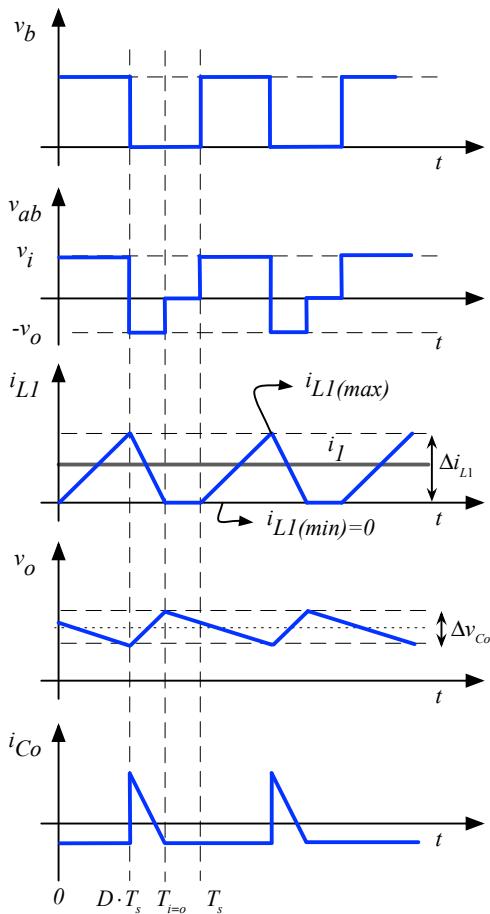


Figura 15 – Formas de onda do conversor cc-cc Buck-Boost em condução descontínua.

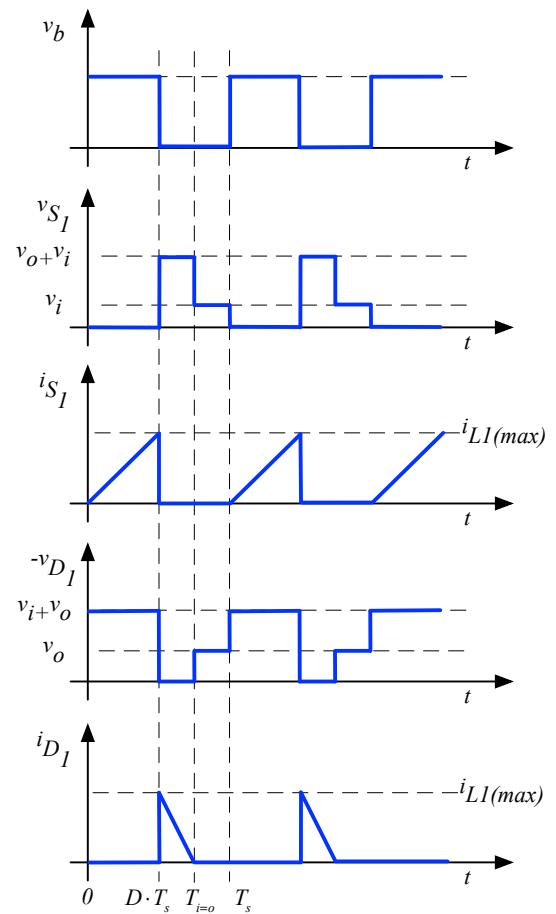


Figura 16 – Formas de onda do conversor cc-cc Buck-Boost em condução descontínua.

É importante destacar nas Figura 15 e Figura 16 que a corrente no indutor é descontínua com ondulação dada por  $\Delta i_{L1}$ . Já a tensão sobre o capacitor de saída é contínua, mas apresenta ondulação (ripple) dado por  $\Delta v_{Co}$ . Além disso, vale destacar que tensão no capacitor terá uma defasagem em relação à sua corrente. Esta corresponde a parcela alternada da corrente no diodo, ou seja, pelo capacitor circula o conteúdo de alta frequência da corrente no diodo  $D_1$ .

### 2.3.1 Análise do Conversor CC-CC Buck-Boost no Modo de Condução Descontínua

A seguir será realizada a análise do conversor em estudo, visando determinar sua tensão de saída, a corrente nos elementos do circuito e os esforços nos semicondutores, considerando seu modo de operação em condução descontínua.

#### 2.3.1.1 Tensão de Saída

A tensão de entrada ( $v_i$ ) está representada na Figura 2 pelo seu valor médio ( $V_{med}$ ). Seus valores de pico e eficaz (RMS) serão iguais ao valor médio, visto tratar-se de uma variável com comportamento constante no tempo. Para fins de simplificação, usar-se-á:

$$V_{i(med)} = V_{i(ef)} = V_{i(pk)} = V_i;$$

$$V_{o(med)} = V_o.$$

A frequência de comutação (chaveamento) da chave  $S_1$  será denominada de  $F_s$ . Portanto, o período de comutação será:

$$T_s = \frac{1}{F_s}.$$

Os intervalos de condução ( $T_{on}$ ) e bloqueio ( $T_{off}$ ) da chave serão dados por:

$$T_{on} = D \cdot T_s;$$

$$T_{off} = T_s - T_{on} = T_s - D \cdot T_s = (1 - D) \cdot T_s.$$

A relação entre o tempo em que a chave está ligada e o período total é denominada de razão cíclica ou razão de trabalho, dada por:

$$D = \frac{T_{on}}{T_s}.$$

A tensão média entre os pontos “a” e “b” será determinada a seguir, com base na forma de onda mostrada na Figura 17.

$$V_{ab} = V_{ab(med)} = \frac{1}{T_s} \int_0^{D \cdot T_s} v_i \cdot dt + \frac{1}{T_s} \int_{D \cdot T_s}^{T_s} (-v_o) \cdot dt.$$

Para se obter a tensão média será necessário determinar o instante em que a corrente no indutor se anula ( $T_{i=0}$ ). Este instante depende da corrente da carga, ou seja, será dependente da

tensão de saída. Este valor pode ser obtido considerando-se que a tensão média sobre o indutor deve ser nula, conforme mostrado na Figura 18.

$$T_{i=0} = \frac{V_o + V_i}{V_o} \cdot D \cdot T_s.$$

No entanto, pelo resultado obtido nota-se que esta expressão para o instante  $T_{i=0}$  não é útil por hora, visto que ela depende da tensão de saída, a qual justamente deseja-se determinar. Deste modo deve-se buscar outra alternativa. Esta consiste em considerar que o valor médio da corrente no indutor (Figura 15) é igual a corrente média de entrada ( $I_i$ ) somada a corrente média de saída ( $I_o$ ).

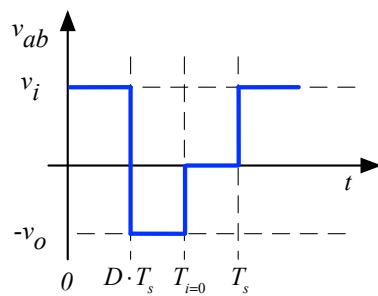


Figura 17 – Forma de onda da tensão entre os pontos “a” e “b”.

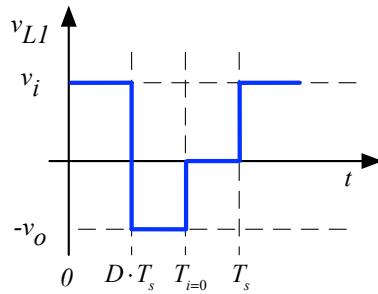


Figura 18 – Forma de onda da tensão sobre o indutor.

Procedendo-se assim, tem-se:

$$I_{L1(\max)} = \frac{V_i}{L_1} \cdot D \cdot T_s;$$

$$I_{L1} = I_i + I_o;$$

$$i_{L1}(t) = \begin{cases} \frac{I_{L1(\max)}}{D \cdot T_s} \cdot t; & \rightarrow 0 \leq t \leq D \cdot T_s \\ \frac{I_{L1(\max)}}{D \cdot T_s - T_{i=0}} \cdot t - \frac{I_{L1(\max)}}{D \cdot T_s - T_{i=0}} \cdot T_{i=0}; & \rightarrow D \cdot T_s \leq t \leq T_{i=0} \\ 0; & \rightarrow T_{i=0} \leq t \leq T_s \end{cases}$$

$$I_{L1(med)} = \frac{1}{T_s} \cdot \int_0^{T_s} i_{L1(t)} \cdot dt = I_i + I_o .$$

Resolvendo a expressão acima se obtém:

$$T_{i=0} = 2 \cdot \frac{(I_i + I_o)}{I_{L1(\max)}} \cdot T_s .$$

Assim, usando a expressão obtida para  $T_{i=0}$  e para  $\Delta I_{L1(\max)}$  se obtém:

$$V_o = V_i \cdot D \cdot \sqrt{\frac{R_o}{2 \cdot F_s \cdot L_1}} .$$

Considerando que a ondulação na tensão de saída seja muito pequena, como normalmente ocorre nos conversores cc-cc, então pode-se afirmar que:

$$V_{o(med)} = V_{o(ef)} = V_{o(pk)} .$$

### 2.3.1.2 Ganho Estático do Conversor Buck-Boost em Condução Descontínua

O ganho estático de um conversor é a relação entre sua tensão de saída e entrada, em valores médios. Assim, para o conversor cc-cc Buck-Boost em condução descontínua se tem:

$$D = \frac{V_o}{V_i} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{R_o}{2 \cdot F_s \cdot L_1}}} .$$

É importante destacar que o ganho estático depende da carga ( $I_o$ ) e do indutor de entrada ( $L_1$ ). Em outras palavras, sempre que a carga do conversor for alterada, tem-se um comportamento distinto em termos de ganho estático.

### 2.3.1.3 Correntes no Circuito

A corrente na carga será determinada por:

$$I_o = I_{o(\text{med})} = I_{o(\text{ef})} = I_{o(\text{pk})} = \frac{V}{R_o}.$$

O valor médio da corrente na chave será idêntico a corrente de entrada, visto que a mesma está em série com a fonte de alimentação. Deste modo:

$$I_{S1} = I_{S1(\text{med})} = I_i.$$

Por sua vez, a corrente de entrada em função da corrente de saída pode ser determinada por:

$$P_i = P_o;$$

$$V_i \cdot I_i = V_o \cdot I_o;$$

$$I_i = \frac{V}{V_i} \cdot I_o;$$

$$V_i = \frac{(1-D)}{D} \cdot V_o;$$

$$I_i = \frac{V_o}{\frac{(1-D)}{D} \cdot V_o} \cdot I_o;$$

$$I_i = I_o \cdot \frac{D}{(1-D)}.$$

A corrente média no diodo ( $D_1$ ) será igual a corrente na carga.

$$I_{D1} = I_{D1(\text{med})} = I_o.$$

Assim, a corrente no indutor pode ser obtida como a diferença entre a diferença entre as correntes na chave e no diodo, como segue.

$$i_{L1}(t) = i_{S1}(t) + i_{D1}(t);$$

$$I_{L1} = I_{S1} + I_{D1};$$

$$I_{L1} = I_i + I_o = I_o \cdot \frac{D}{(1-D)} + I_o = I_o \cdot \frac{1}{1-D}.$$

A corrente máxima no indutor foi determinada anteriormente, sendo:

$$I_{L1(\max)} = \frac{V_i}{L_1} \cdot D \cdot T_s.$$

De todo modo, é interessante fazer:

$$\Delta I_{L1} = I_{L1(\max)} = \frac{V_i}{L_1} \cdot D \cdot T_s = \frac{V_i}{L_1 \cdot F_s} \cdot D.$$

Assim, o indutor pode ser determinado por:

$$L_1 = \frac{V_i}{\Delta I_{L1(\max)} \cdot F_s} \cdot D.$$

A corrente eficaz no indutor será:

$$I_{L1(ef)} = I_{L1(\max)} \cdot \sqrt{\frac{T_{i=0}}{3 \cdot T_s}}.$$

Considerando que toda ondulação de corrente do diodo ( $\Delta I_{D1}$ ) circula pelo capacitor, sua corrente eficaz será dada por:

$$I_{Co(ef)} = \sqrt{I_{D1(ef)}^2 - I_o^2} = \sqrt{\left( I_{L1(\max)} \cdot \sqrt{\frac{T_{i=0} - D \cdot T_s}{3}} \right)^2 - I_o^2}.$$

Por sua vez, a corrente máxima (de pico) no capacitor será:

$$I_{Co(\max)} = I_{L1(\max)} - I_o.$$

#### 2.3.1.4 Rendimento do Conversor

O circuito é ideal, resultando sem perdas. Pode-se demonstrar que:

$$P_o = V_o \cdot I_o.$$

$$P_i = V_i \cdot I_i.$$

$$\eta = \frac{P_o}{P_i} = \frac{V_o \cdot I_o}{V_i \cdot I_i} = 1;$$

$$V_o \cdot I_o = V_i \cdot I_i;$$

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{I_i}{I_o}.$$

### 2.3.1.5 Esforços de Corrente e Tensão nos Semicondutores

A tensão máxima sobre a chave  $S_1$  é igual ao pico da tensão de entrada somada ao pico da tensão de saída:

$$V_{S_1} = V_{i(pk)} + V_{o(pk)} = V_1 + V_o.$$

Já as correntes na chave serão:

$$I_{S_1(pk)} = I_{L1(max)}.$$

$$I_{S_1(med)} = D \cdot \frac{I_{L1(max)}}{2}.$$

$$I_{S_1(ef)} = I_{L1(max)} \cdot \sqrt{\frac{D}{3}}.$$

A tensão máxima sobre o diodo  $D_1$  é igual ao pico da tensão de entrada somada ao pico da tensão de saída:

$$V_{D_1} = V_{i(pk)} + V_{o(pk)} = V_1 + V_o.$$

Por sua vez, as correntes no diodo serão:

$$I_{D_1(pk)} = I_{L1(max)}.$$

$$I_{D_1(med)} = \frac{I_{L1(max)}}{2} \cdot D + I_{L1}.$$

$$I_{D_1(ef)} = I_{L1(max)} \cdot \sqrt{\frac{T_{i=0} - D \cdot T_s}{3}}.$$

### 2.3.1.6 Ondulação na Tensão de Saída

A ondulação de tensão no capacitor dependerá da ondulação de corrente máxima no diodo, que por sua vez depende da carga do conversor e da ondulação de corrente no indutor de entrada. Assim, torna-se complexo determinar a ondulação de tensão no capacitor. Sugere-se que seja utilizado o recurso de simulação para se obter a mesma. De todo modo, pode-se fazer uma aproximação que consiste em determinar

$$\Delta V_{Co} = \frac{D \cdot T_s \cdot I_o}{C_o};$$

$$\Delta V_{Co} = \frac{D \cdot I_o}{C_o \cdot F_s}.$$

Portanto, o capacitor pode ser determinado por:

$$C_o = \frac{D \cdot I_o}{\Delta V_{Co} \cdot F_s} .$$

### 3 Simulação dos Conversores em Estudo

O conversor cc-cc Buck-Boost será simulado utilizando os *softwares* Psim e Multisim. Inicialmente será realizada uma simulação considerando componentes ideais, para fins de verificação das expressões teóricas apresentadas. A seguir será realizada uma simulação com componentes reais, visando a verificação das diferenças apresentadas em relação à simulação ideal.

#### 3.1 Simulação do Circuito com Componentes Ideais

O circuito simulado no Psim está mostrado na Figura 19, com as mesmas características do problema apresentado no início deste capítulo. Note que os componentes são ideais, ou seja, genéricos, não se utilizando algum modelo específico de chave. A fonte é para 12 V (médios). A carga possui uma resistência de  $20 \Omega$ . O tempo de simulação pode ser de 5 ms e passo de cálculo de 0,0001 ms (0,1  $\mu$ s). Note que a frequência de comutação é de 20 kHz e a razão cíclica é de 60%. O elemento ON1 é utilizado pelo Psim para comandar interruptores, equivalente a um *driver* de acionamento do interruptor. O indutor de filtro é de 500  $\mu$ H e o capacitor é de 22  $\mu$ F.

As formas de onda das principais variáveis do circuito estão mostradas nas Figura 20 e na Figura 21. Na Figura 20 tem-se as formas de onda durante o transitório de partida do conversor. Já na Figura 21 mostram-se as formas de onda para o circuito operando em regime permanente. Mostram-se as tensões de entrada, saída, entre os pontos “a” e “b” e de comando (PWM) do interruptor, além da corrente no indutor e da saída. Os valores calculados e simulados são mostrados na Tabela 1, onde nota-se que os mesmos condizem entre si. Note que a tensão de saída tem polaridade invertida em relação à tensão de entrada do conversor.

Com relação a potência calculada na saída, pode-se agora aplicar a seguinte expressão:

$$P_o = V_o \cdot I_o .$$

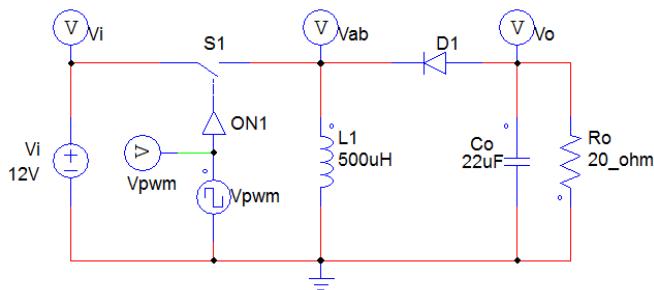


Figura 19 – Circuito simulado no Psim.

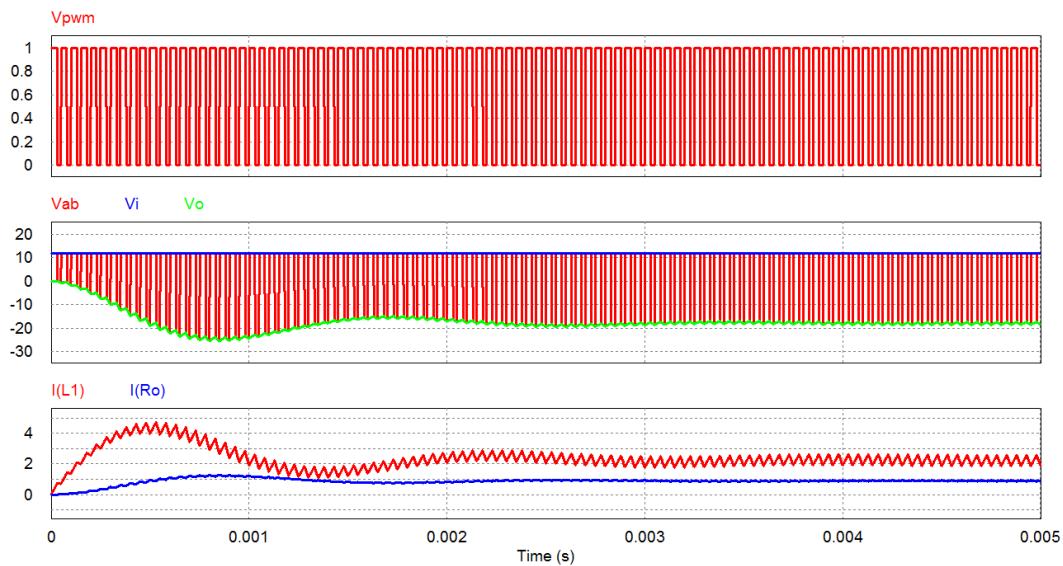


Figura 20 – Principais formas de onda do conversor cc-cc Buck-Boost com componentes ideais.

Tabela 1 – Resultados para conversor cc-cc Buck-Boost com componentes ideais.

Variável	Descrição	Valor calculado	Valor simulado
$V_{o(\text{avg})}$	Tensão média na carga	18 V	18 V
$\Delta V_{Co}$	Ondulação de tensão na carga	1,23 V	1,20 V
$I_{o(\text{avg})}$	Corrente média na carga	0,9 A	0,9 A
$P_o$	Potência na saída	16,2 W	16,21 W
$P_i$	Potência na entrada	16,2 W	16,07 W
$\eta$	Rendimento	100%	$\approx 100\%$
$I_{i(\text{avg})}$	Corrente média na fonte	1,35 A	1,34 A
$I_{Li(\text{max})}$	Corrente máxima no indutor	2,61 A	2,61 A
$I_{Li(\text{avg})}$	Corrente média no indutor	2,25 A	2,23 A
$I_{Li(\text{ef})}$	Corrente eficaz no indutor	2,26 A	2,24 A
$\Delta I_{Li}$	Ondulação de corrente no indutor	0,72 A	0,70 A
$I_{Co(\text{max})}$	Corrente máxima no capacitor	1,71 A	1,72 A
$I_{Co(\text{ef})}$	Corrente eficaz no capacitor	1,11 A	1,11 A
$I_{SI(\text{max})}$	Corrente máxima na chave	2,61 A	2,61 A
$I_{SI(\text{avg})}$	Corrente média na chave	1,35 A	1,34 A
$I_{SI(\text{ef})}$	Corrente eficaz na chave	1,75 A	1,74 A
$I_{DI(\text{max})}$	Corrente máxima no diodo	2,61 A	2,61 A
$I_{DI(\text{avg})}$	Corrente média no diodo	0,9 A	0,90 A
$I_{DI(\text{ef})}$	Corrente eficaz no diodo	1,42 A	1,42 A
$V_{SI(\text{max})}$	Tensão máxima sobre a chave	30 V	30,7 V
$V_{DI(\text{max})}$	Tensão máxima sobre o diodo	30 V	30,7 V

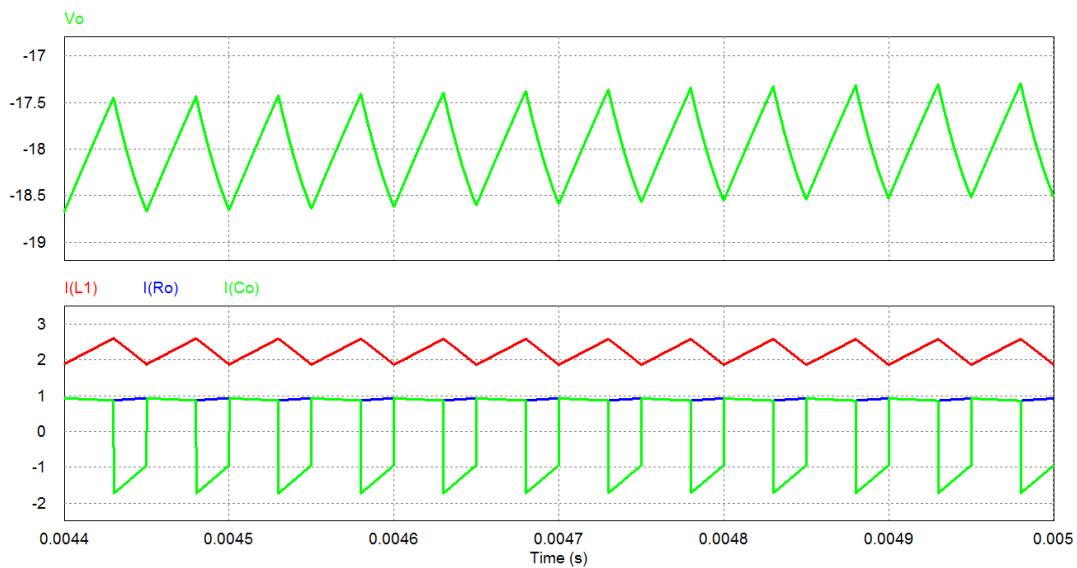


Figura 21 – Principais formas de onda do conversor cc-cc Buck-Boost com componentes ideais.

### 3.2 Simulação do Circuito com Componentes Reais

O circuito simulado no Multisim está mostrado na Figura 22. Note que os componentes são reais, ou seja, o interruptor possui um modelo específico para o circuito, que é o MTD6N15T4G. A fonte é para 12 V (médios). A carga possui uma resistência de  $20\ \Omega$ . O tempo de simulação pode ser de 5 ms e passo de cálculo de 0,0001 ms (0,1  $\mu$ s). Note que a frequência de comutação é de 20 kHz e a razão cíclica é de 60%. O indutor de filtro é de 500  $\mu$ H e o capacitor é de 22  $\mu$ F.

As formas de onda da tensão na entrada, tensão na saída e corrente de carga são mostradas na Figura 23. Pelo fato de se usar um transistor do tipo MOSFET com baixa resistência entre dreno e fonte, a queda de tensão neste componente é pequena, resultando em um funcionamento mais próximo do ideal. Lembre que na simulação do conversor Buck, em capítulo anterior, utilizou-se um transistor bipolar de junção, provocando uma queda de tensão grande entre seu coletor e emissor, afetando substancialmente o funcionamento do conversor.

As formas de onda das principais correntes no circuito são mostradas na Figura 24.

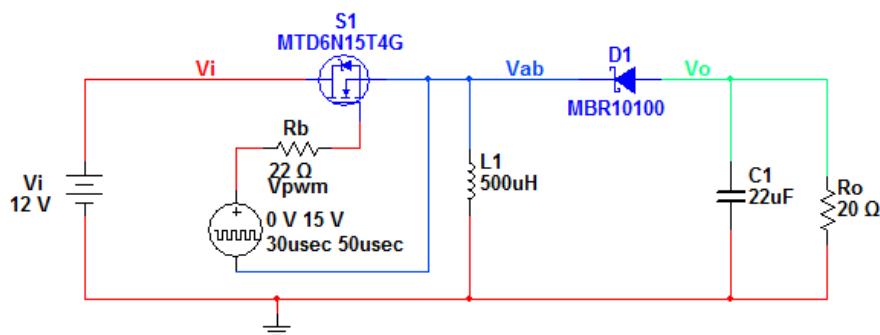


Figura 22 – Circuito simulado no Multisim.

Tabela 2 – Resultados para conversor cc-cc Buck-Boost com componentes reais.

Variável	Descrição	Valor calculado	Valor simulado
$V_{o(\text{avg})}$	Tensão média na carga	18 V	17,11 V
$\Delta V_{Co}$	Ondulação de tensão na carga	1,23 V	1,14 V
$I_{o(\text{avg})}$	Corrente média na carga	0,9 A	0,88 A
$P_o$	Potência na saída	16,2 W	14,67 W
$P_i$	Potência na entrada	16,2 W	16,06 W
$\eta$	Rendimento	100%	91,3%
$I_{i(\text{avg})}$	Corrente média na fonte	1,35 A	1,34 A
$I_{Li(\text{max})}$	Corrente máxima no indutor	2,61 A	2,48 A
$I_{Li(\text{avg})}$	Corrente média no indutor	2,25 A	2,15 A
$I_{Li(\text{ef})}$	Corrente eficaz no indutor	2,26 A	2,15 A
$\Delta I_{Li}$	Ondulação de corrente no indutor	0,72 A	0,69 A
$I_{Co(\text{max})}$	Corrente máxima no capacitor	1,71 A	1,86 A
$I_{Co(\text{ef})}$	Corrente eficaz no capacitor	1,11 A	1,05 A
$I_{SI(\text{max})}$	Corrente máxima na chave	2,61 A	2,49 A
$I_{SI(\text{avg})}$	Corrente média na chave	1,35 A	1,34 A
$I_{SI(\text{ef})}$	Corrente eficaz na chave	1,75 A	1,72 A
$I_{DI(\text{max})}$	Corrente máxima no diodo	2,61 A	2,69 A
$I_{DI(\text{avg})}$	Corrente média no diodo	0,9 A	0,81 A
$I_{DI(\text{ef})}$	Corrente eficaz no diodo	1,42 A	1,34 A
$V_{SI(\text{max})}$	Tensão máxima sobre a chave	30 V	29,89 V
$V_{DI(\text{max})}$	Tensão máxima sobre o diodo	30 V	28,77 V

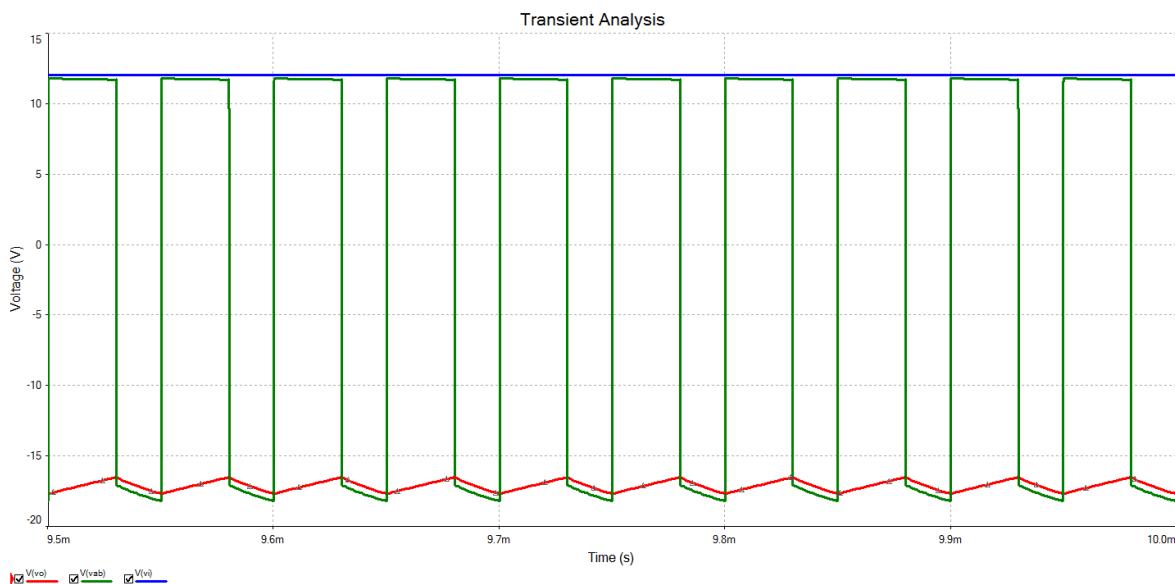


Figura 23 – Formas de onda da tensão de entrada, de saída e nos entre os pontos “a” e “b”.

A potência dissipada nos componentes (transistor e diodo) é da ordem de 1,39 W, resultando em um rendimento de aproximadamente 91,3% para o conversor. Vale ressaltar que o circuito simulado tem apenas fins didáticos, não devendo ser implementado em laboratório nas condições apresentadas aqui.

Além disso, é importante notar nas simulações com componentes ideais e/ou reais, que a

tensão máxima sobre a chave e o diodo é um pouco superior a tensão de saída nominal. Isso ocorre em função da ondulação de tensão na carga, fazendo com que a tensão máxima na carga seja também um pouco superior a escolhida.

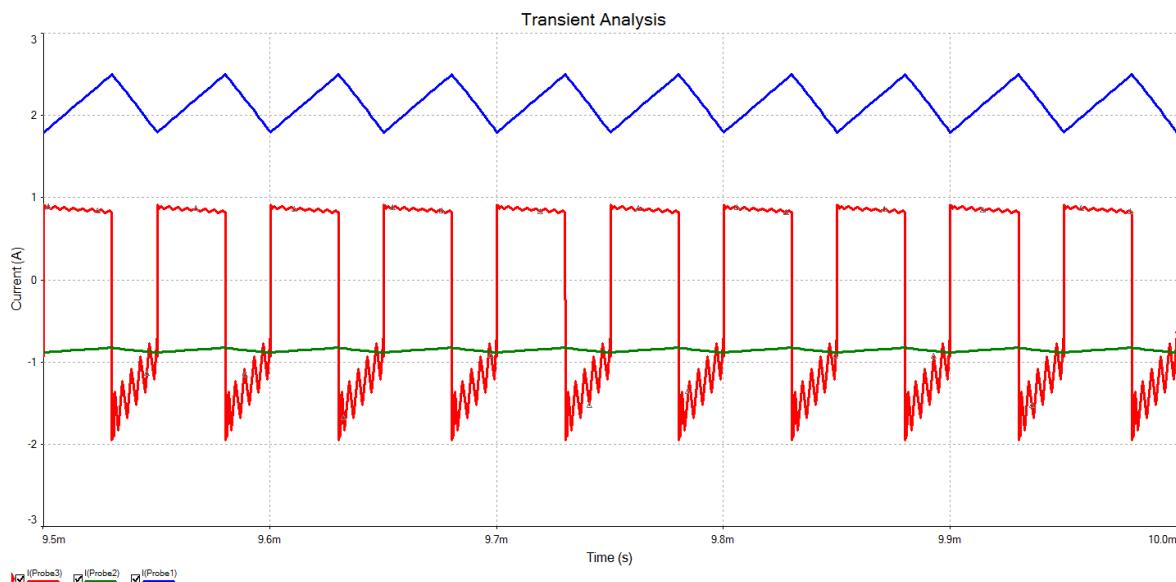


Figura 24 – Formas de onda das principais correntes do circuito.

## 4 Exercícios

### Exercícios Resolvidos

**ER 01)** Considerando o circuito da Figura 25 e que a fonte de alimentação seja de 9 V, a chave é ideal e está operando com razão cíclica de 60%, a carga tem resistência de  $5 \Omega$ , o conversor está operando em condução contínua, determine:

- A tensão média na carga;
- As correntes médias em todos os elementos do circuito;
- A potência média na carga.

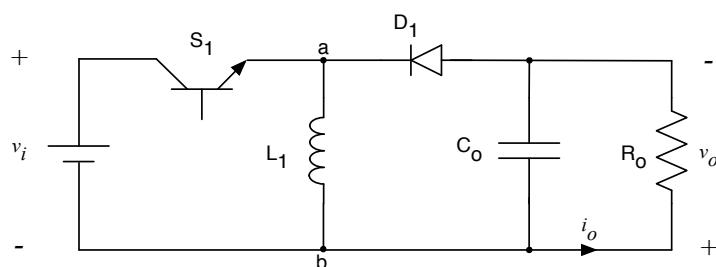


Figura 25 – Circuito para exercício resolvido 01.

A tensão média na carga será:

$$V_o = V_i \cdot \frac{D}{1-D} = 9 \cdot \frac{0,6}{1-0,6} = 13,5V.$$

As correntes médias nos elementos do circuito serão:

$$I_o = \frac{V_o}{R_o} = \frac{13,5}{5} = 2,7 A.$$

$$I_{Co} = 0 A.$$

$$I_i = I_o \cdot \frac{D}{1-D} = 2,7 \cdot \frac{0,6}{1-0,6} = 4,05 A.$$

$$I_{L1} = I_i + I_o = 4,05 + 2,7 = 6,75 A.$$

$$I_{S1} = I_i = 4,05 A.$$

$$I_{D1} = I_o = 2,7 A.$$

A potência média na carga é:

$$P_o = V_o \cdot I_o = 13,5 \cdot 2,7 = 36,45 W.$$

**ER 02)** Considere que no circuito da Figura 26 a tensão de entrada seja de 12 V, a tensão de saída deve ser de 120 V com corrente de 1 A. O indutor tem uma indutância de 500  $\mu$ H e o capacitor tem capacidade de 10  $\mu$ F. A frequência de operação do circuito é de 50 kHz. Os semicondutores são ideais. Determine:

- A razão cíclica de operação do conversor;
- As correntes de pico, média e eficaz nos componentes do circuito;
- A potência média na carga;
- As tensões máximas nos semicondutores;
- As ondulações de corrente e tensão.

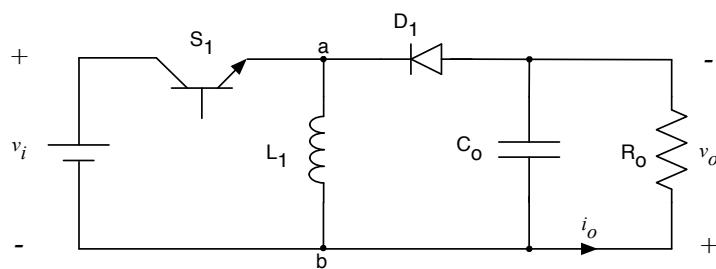


Figura 26 – Circuito para exercício resolvido 02.

A razão cíclica de operação será:

$$D = \frac{V_o}{V_i + V_o} = \frac{120}{12 + 120} = 0,91.$$

A corrente na carga já está determinada e vale 1 A. Deste modo, as correntes médias nos elementos do circuito serão:

$$I_i = I_o \cdot \frac{D}{1-D} = 1 \cdot \frac{0,91}{1-0,91} = 10,11A.$$

$$I_{L1} = I_i + I_o = 10,11 + 1 = 11,11A.$$

$$I_{S_1} = I_i = 10,11A.$$

$$I_{D1} = I_o = 1,0A.$$

Para determinar as correntes máximas e eficazes, deve-se determinar inicialmente a ondulação de corrente no indutor, que será:

$$\Delta I_{L1} = \frac{V_i}{L_1 \cdot F_s} \cdot D = \frac{12}{500\mu \cdot 50k} \cdot 0,91 = 0,437A.$$

Assim, a corrente máxima nos elementos do circuito será:

$$I_{L1(\max)} = I_{S_1(\max)} = I_{D_1(\max)} = I_1 + \frac{\Delta I_{L1}}{2} = 11,11 + \frac{0,437}{2} = 11,33A.$$

As correntes eficazes nos elementos do conversor serão:

$$I_{L1(ef)} = \sqrt{\left(\frac{\Delta I_{L1}}{2 \cdot \sqrt{3}}\right)^2 + (I_{L1})^2} = \sqrt{\left(\frac{0,437}{2 \cdot \sqrt{3}}\right)^2 + (11,11)^2} = 11,11A.$$

$$I_{Co(ef)} = \sqrt{\left(\frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{(1-D) \cdot (12 \cdot I_{L1}^2 + \Delta I_{L1}^2)}{3}}\right)^2 - I_o^2} = \sqrt{\left(\frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{(1-0,91) \cdot (12 \cdot 11,11^2 + 0,437^2)}{3}}\right)^2 - 1^2} = 3,18A.$$

$$I_{S_1(ef)} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{D \cdot (12 \cdot I_{L1}^2 + \Delta I_{L1}^2)}{3}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{0,91}{3} \cdot (12 \cdot 11,11^2 + 0,437^2)} = 10,6A.$$

$$I_{D_1(ef)} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{(1-D) \cdot (12 \cdot I_{L1}^2 + \Delta I_{L1}^2)}{3}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{(1-0,91) \cdot (12 \cdot 11,11^2 + 0,437^2)}{3}} = 3,33A.$$

A potência média na carga é:

$$P_o = V_o \cdot I_o = 120 \cdot 1 = 120W.$$

As tensões máximas sobre os semicondutores serão:

$$V_{S_1(\max)} = V_{D_1(\max)} = V_i + V_o = 12 + 120 = 132V.$$

A ondulação de tensão na carga será:

$$\Delta V_{Co} = \frac{D \cdot I_o}{C_o \cdot F_s} = \frac{0,9 \cdot 1}{10\mu \cdot 50k} = 0,83V.$$

## Exercícios Propostos

**EP 01)** Considerando o circuito da Figura 25 e que a fonte de alimentação seja de 9 V, a chave é ideal e será comandada com uma razão cílica de 75% e a carga tem resistência de 5 Ω, o diodo também é ideal. Determine:

- A tensão média na carga;
- As correntes médias nos elementos do circuito;
- A potência média na carga;
- A tensão máxima sobre os semicondutores;
- O rendimento do circuito.

**EP 02)** Considerando o circuito da Figura 27 operando com um transistor 2N2222, razão cílica de 40%, frequência de chaveamento de 20 kHz, a tensão de entrada é 12 V, a carga tem resistência de 50 Ω, o diodo será o MUR105. O indutor tem indutância de 1 mH e o capacitor tem capacidade de 10 μF. Considere operação em condução contínua. Determine:

- A tensão média na carga;
- As correntes de pico, média e eficaz nos elementos do circuito;
- A potência média na carga;
- A tensão máxima sobre os semicondutores;
- A ondulação de corrente e tensão;
- O rendimento do circuito.

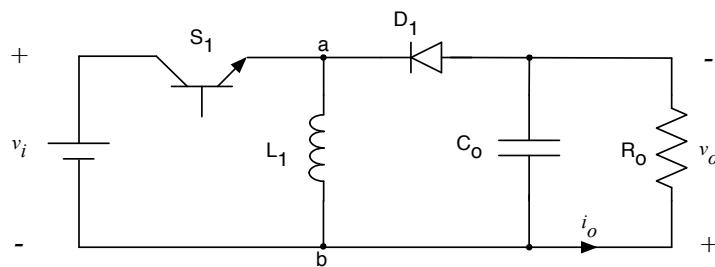


Figura 27 – Circuito para exercício proposto 02.

**EP 03)** Desenhe as principais formas de onda para o exemplo resolvido 01 (ER 01).

**EP 04)** Desenhe as principais formas de onda para o exemplo resolvido 02 (ER 02).

**EP 05)** Simule o circuito do exemplo resolvido 01 (ER 01) no *software* Psim e compare os resultados obtidos no simulador com os calculados.

**EP 06)** Simule o circuito do exemplo resolvido 02 (ER 02) no *software* Multisim e compare os resultados obtidos no simulador com os calculados.

**EP 07)** Simule o circuito do exercício proposto 02 (EP 02) no *software* Multisim e compare os resultados obtidos no simulador com os calculados.

**EP 08)** Considere que no circuito da Figura 28 a tensão de entrada seja de 24 V, a tensão de saída deve ser de 100 V com corrente de 500 mA. A ondulação de corrente desejada é de 10% e a ondulação de tensão deve ser de 1%. A frequência de operação do circuito é de 50 kHz. Os semicondutores são ideais. Determine, considerando condução contínua:

- A razão cíclica de operação do conversor;
- Os valores do indutor e do capacitor de filtro;
- As correntes de pico, média e eficaz nos componentes do circuito;
- A potência média na carga;
- As tensões máximas nos semicondutores;
- As ondulações de corrente e tensão.

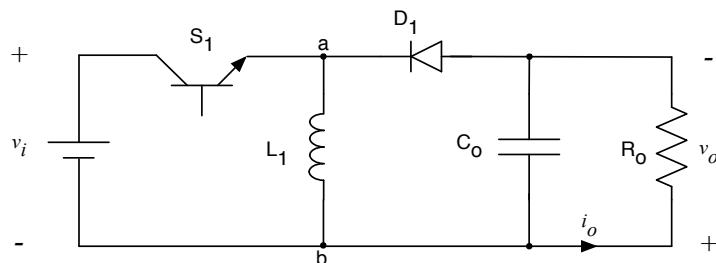


Figura 28 – Circuito para exercício proposto 08.

**EP 09)** Repita o exercício proposto 08 considerando condução descontínua, ou seja, determine os elementos do filtro de saída para que isso aconteça.

**EP 10)** Considerando o circuito da Figura 25 e que a fonte de alimentação seja de 12 V, a chave é ideal e está operando com razão cíclica de 42%, a carga tem resistência de  $5 \Omega$ , o conversor está operando em condução descontínua, determine:

- A tensão média na carga;
- As correntes médias em todos os elementos do circuito;
- A potência média na carga.

**EP 11)** Refaça o exercício resolvido 02 considerando que o conversor esteja operando sem carga.

**EP 12)** Refaça o exercício resolvido 01 considerando que o conversor esteja operando sem carga.

**EP 13)** Refaça o exercício proposto 01 considerando que o conversor esteja operando sem carga.

**EP 14)** Refaça o exercício proposto 02 considerando que o conversor esteja operando sem carga.

**EP 15)** Refaça o exercício proposto 10 considerando que o conversor esteja operando sem carga.

## 5 Laboratório

### 5.1 Introdução

Esta atividade de laboratório tem por objetivo exercitar o conteúdo estudado nesta aula (capítulo), especificamente sobre o estudo de conversores cc-cc do tipo Buck-Boost.

Em síntese, objetiva-se:

- Implementar moduladores de largura de pulso (PWM) no Arduino;
- Montar um conversor cc-cc Buck-Boost;
- Entender os princípios básicos de conversores cc-cc;
- Realizar medições no circuito;
- Observar as formas de onda sobre os elementos do circuito.

### 5.2 Modulação Por Largura de Pulso no Arduino

Inicialmente, grave no Arduino um programa que gere três valores distintos de PWM conforme a Tabela 3. Observe com o osciloscópio se os sinais aparecem corretamente nos terminais de saída PWM do Arduino.

*Tabela 3 – Lógica para geração da razão cíclica.*

Razão cíclica	PWM Medido
0	
30%	
50%	
70%	

### 5.3 Conversor CC-CC Buck-Boost

Monte na matriz de contatos o circuito mostrado na Figura 29 a seguir.

A tensão de entrada ( $V_{in}$ ) será de 7 V. O diodo será o 1N4936 e o indutor será de 5 mH. Já o capacitor de saída será de 680  $\mu$ F.

Conekte um resistor de carga de  $270\ \Omega$ .

O PWM do Arduino está configurado para operar em 500 Hz.

Inicialmente verifique o correto funcionamento do circuito, observando a forma de onda na carga ( $V_o$ ) com uma razão cíclica de 30%.



### ATENÇÃO:

O conversor Buck-Boost não pode operar com razão cíclica de 100%. Se isso ocorrer, os componentes do circuito podem ser danificados.

Assim, fique atento à tensão de saída, para que esta não assuma valores proibitivos.

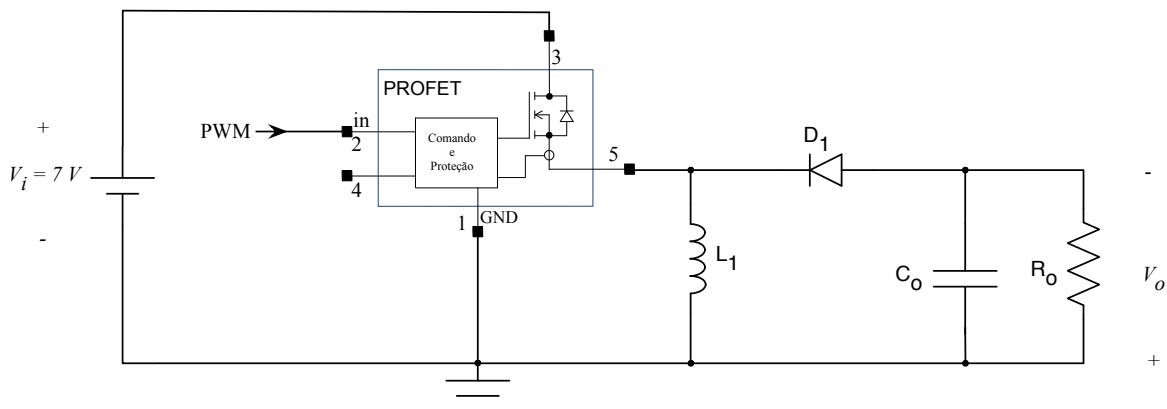


Figura 29 – Circuito do conversor cc-cc Buck-Boost.

A seguir altere a razão cíclica no Arduino conforme solicitado na Tabela 4, medindo a tensão de saída e anotando os valores, para posteriormente comparar com os cálculos realizados.

Tabela 4 – Tensão média de saída no conversor cc-cc Buck-Boost.

Razão cíclica	Tensão de saída		Erro
	Calculado	Medido	
0			
30%			
50%			
70%			

A tensão de saída do conversor Buck-Boost é calculada por:

- $V_o = V_i \cdot \frac{D}{1-D}$  → condução contínua;
- $V_o = V_i \cdot D \cdot \sqrt{\frac{R_o}{2 \cdot F_s \cdot L_1}}$  → condução descontínua.

Em todas as medições realizadas, calcule o erro (desvio percentual) entre o valor calculado (teórico) e o valor medido (experimental), utilizando a expressão:

$$\varepsilon = \left| \frac{\text{Valor teórico} - \text{Valor experimental}}{\text{Valor teórico}} \right| \cdot 100\%$$

## 5.4 Análise dos Resultados

- 1) Esboce as formas de onda observadas no osciloscópio na Figura 30.
- 2) Compare os valores medidos com os valores calculados no ensaio realizado e explique a razão das discrepâncias (erros de grande amplitude), caso tenham ocorrido.

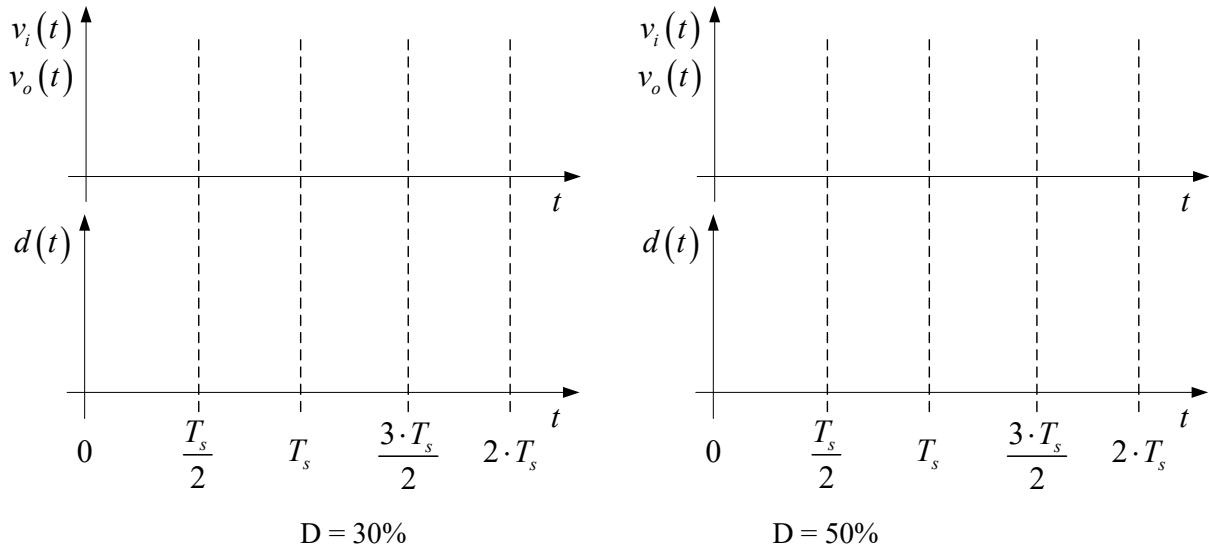


Figura 30 – Principais formas de onda do conversor cc-cc Buck-Boost.

## 6 Referências

- [1] BARBI, I. Eletrônica de potência. Florianópolis: Edição do Autor, 2005.
- [2] AHMED, A. Eletrônica de potência. São Paulo: Prentice Hall, 2000.
- [3] MELLO, J. L. A. Projetos de fontes chaveadas. São Paulo: Érica, 1987.

- [4] MOHAN, N. Power Electronic Converters, Application and Design. New York: IE-Wiley, 2003.
- [5] PRESSMAN, A. I. Switching Power Supply Design. New York: McGraw Hill, 1998.
- [6] BARBI, Ivo. Projeto de Fontes Chaveadas. 2<sup>a</sup> Edição Revisada, Florianópolis, 2006.
- [7] ERICKSON, Robert W. Fundamentals of Power Electronics. New York, EUA – Chapman & Hall, 1997.
- [8] POMILIO, J. A. Notas de aula de Eletrônica de Potência – Graduação. São Paulo, SP – UNICAMP, 2013.
- [9] ROGERS, E. Understanding Buck-Boost Power Stages in Switchmode Power Supplies. SLVA059A, March, 1999. Texas Instruments. Disponível em: <http://www.ti.com>.
- [10] BARBI, Ivo; MARTINS, Denizar Cruz. Conversores CC-CC Básicos Não Isolados. Florianópolis, SC - Brasil – Edição dos Autores, 2000.